

제 1 부 — 기초

4장

연산자와 식

From Symbols to Values

산술·관계·논리 연산자 · 우선순위 · 형 변환 · 수학 내장 함수

THE QUESTION

`7 / 2 = 3`

`7.0 / 2.0 = 3.5`

`2 ** 3 ** 2 = 512`

`-2 ** 2 = -4`

`0.1 + 0.2 != 0.3`

이 장에서 익히는 네 가지

01

연산자 다루기

산술·관계·논리 연산자로 식을 구성하고, 각 연산이 어떤 자료형을 돌려주는지 안다.

02

우선순위 읽기

연산자 우선순위와 결합 방향을 알고, 괄호로 의도를 분명히 드러낸다.

03

형 변환 이해

혼합형 연산에서 형이 어떻게 변환되는지 파악하고 정수 나눗셈의 함정을 피한다.

04

수학 함수 활용

표준 수학 내장 함수를 식에 끌어 써서 공식을 그대로 코드로 옮긴다.

이 장을 마치면 풀 수 있다

1

이차방정식의 두 실근

$ax^2 + bx + c = 0$ 의 근의 공식을 코드로 옮긴다. 거듭제곱·제곱
근·괄호가 얹힌 연산의 우선순위를 정확히 제어해야 한다.

```
x = (-b ± sqrt(b**2 - 4*a*c)) / (2*a)
```

2

7점을 둘이 나누면

7 / 2 라고 적으면 기대하던 3.5가 아니라 고장 난 듯한 3이 나
온다. 그 이유와, 정확히 3.5를 얻는 방법을 규명한다.

```
print *, 7 / 2      → 3
```

두 문제의 핵심은 같다 — 컴퓨터 내부에서 어떤 연산이 먼저 일어나는가, 그리고 연산에 참여하는 데이터의 자료형이 무엇인가.

4.1 산술 연산자

다섯 개의 산술 연산자

+

덧셈

$3 + 4$

→ 7

-

뺄셈

$3 - 4$

→ -1

*

곱셈

$3 * 4$

→ 12

/

나눗셈

$7.0 / 2.0$

→ 3.5

**

거듭제곱

$2 ** 10$

→ 1024

나머지 연산자는 없다

나머지를 구하는 기호 연산자가 따로 없다.
대신 내장 함수 mod 와 modulo 를 쓴다.

정수끼리의 / 는 몫만 남긴다

소수부를 반올림 없이 버린다(truncation).
이 장 전체를 관통하는 가장 중요한 규칙이다.

$7 / 2 = 3$

4.1 계산 순서

수학의 사칙연산 법칙과 거의 같다

1

괄호 ()

우선순위와 무관하게 무조건 최우선으로 계산된다. 복잡한 식일수록 괄호로 의도를 명시한다.

2

거듭제곱 **

사칙연산보다 먼저 계산된다. $a + b^{**}2$ 는 $a + (b^2)$ 이지 $(a+b)^2$ 가 아니다.

3

곱셈·나눗셈 * /

그다음 순위. 동등한 순위끼리는 왼쪽에서 오른쪽으로 계산된다.

4

덧셈·뺄셈 + -

가장 낮은 순위. 이 역시 왼쪽에서 오른쪽으로 계산된다.

[Fortran만의 규칙] 거듭제곱은 오른쪽 결합 — $2 ** 3 ** 2$ 는 $(2^3)^2 = 64$ 가 아니라 $2^{(3^2)} = 2^9 = 512$ 다.

4.1 [예제]

정수 나눗셈의 함정

```
integer :: a, b
real    :: x, y

a = 17;    b = 5
print *, "a / b      =", a / b      ! 정수 나눗셈 -> 3
print *, "mod(a, b) =", mod(a, b)   ! 나머지      -> 2
print *, "a ** 2     =", a ** 2

x = 17.0;  y = 5.0
print *, "x / y      =", x / y      ! 실수 나눗셈 -> 3.4
```

```
a / b      =          3
mod(a, b)   =          2
x / y      =  3.40000010
```

정수형 나눗셈

17 / 5 는 결과도 정수로 보존된다. 수학적 결과 3.4 에서 소수부를 반올림 없이 버려 3이 된다.

실수형 나눗셈

17.0 / 5.0 은 소수점이 온전히 보존되어 3.4가 계산 된다.

왜 3.4 가 아니라 3.40000010 인가

고장이 아니다. 기본 단정밀도 real 의 유효숫자 약 7자리 한계에서 오는 근사값 현상이다.

4.1 관계 연산자

결과는 언제나 logical 이다

현대 표기	옛 표기	
<	.lt.	작다
<=	.le.	작거나 같다
>	.gt.	크다
>=	.ge.	크거나 같다
==	.eq.	같다
/=	.ne.	같지 않다

기호 표기만 쓴다

현대 Fortran 코딩에서는 < 나 == 같은 기호 표기만 전적으로 사용한다.

옛 표기도 알아 두자

.lt. · .eq. 같은 형태는 수십 년 된 방대한 수치 해석 레거시 코드에 여전히 남아 있다.

!= 가 아니라 /=

C나 파이썬은 '같지 않다'를 != 로 쓰지만 Fortran은 /= 를 쓴다.

4.1 논리 연산자

양옆에 반드시 마침표를 붙인다

p = .true. , q = .false. 일 때

<code>.not.</code>	부정 (NOT)	상태를 반대로 뒤집는다	<code>.not. p</code>	→ <code>.false.</code>
<code>.and.</code>	논리곱 (AND)	둘 다 참이어야 참이다	<code>p .and. q</code>	→ <code>.false.</code>
<code>.or.</code>	논리합 (OR)	둘 중 하나만 참이어도 참이다	<code>p .or. q</code>	→ <code>.true.</code>
<code>.eqv.</code>	동치 (EQV)	두 논리값이 서로 같으면 참이다	<code>p .eqv. q</code>	→ <code>.false.</code>
<code>.neqv.</code>	배타적 논리합 (XOR)	두 논리값이 서로 다르면 참이다	<code>p .neqv. q</code>	→ <code>.true.</code>

논리 연산자는 관계 연산자와 달리 양옆에 마침표(.)를 붙여야 컴파일러가 올바르게 인식한다.

4.1 [예제]

관계 연산과 논리 연산의 결합

```
integer :: age
logical :: is_adult, has_ticket, can_enter

age = 20
has_ticket = .true.

is_adult = age >= 19      ! 관계식을 그대로 대입
can_enter = is_adult .and. has_ticket
```

```
is_adult = T      can_enter = T
20 == 20  : T      3 /= 5    : T
not adult : F
```

logical 값은 화면에 출력될 때 마침표 없이 T 또는 F 라는 단일 문자로 표시된다.

관계식은 그 자체가 논리값이다

입문자는 참·거짓을 넣을 때 if 구문부터 떠올린다.
그러나 `age >= 19` 라는 관계식 자체가 이미 하나의 완전한 논리값이므로, 별도의 분기 없이 논리형 변수에 곧바로 대입할 수 있다.

```
if (age >= 19) then
  is_adult = .true.
```

↓ if 블록 없이 한 줄로

```
is_adult = (age >= 19)
```

4.2 연산자 우선순위

무엇이 먼저 계산되는가

높음		
1	**	오른쪽 → 왼쪽
2	* /	왼쪽 → 오른쪽
3	단항 + - , 이항 + -	왼쪽 → 오른쪽
4	관계 연산자 < <= > >= == /=	—
5	.not.	—
6	.and.	왼쪽 → 오른쪽
7	.or.	왼쪽 → 오른쪽
8	.eqv. .neqv.	왼쪽 → 오른쪽

낮음 모든 산술 연산이 끝난 뒤에 관계 연산이 일어나고, 비교가 끝난 뒤에야 논리 연산이 수행된다.

4.2 [예제]

결합 방향이 결과를 바꾼다

`2 + 3 * 4`

`= 14`

곱셈이 먼저

`2 ** 3 ** 2`

`= 512`

오른쪽부터 — `2 ** (3 ** 2)`

`-2 ** 2`

`= -4`

거듭제곱이 먼저 — `-(2 ** 2)`

`10.0 / 2.0 / 5.0`

`= 1.0`

왼쪽부터 — `(10 / 2) / 5`

[흔한 실수] 거듭제곱의 방향

수학에서 $-2^2 = -4$ 인 것처럼 Fortran에서도 `-2**2` 는 -4 다. 음수 자체를 제공하려면 반드시 `(-2)**2` 로 괄호를 씌운다.

괄호로 의도를 적는다

```
y = a + b * c
y = a + (b * c)
```

두 식은 같은 값을 내지만, 두 번째가 의도를 또렷이 보여 준다.

혼합형(mixed-mode) 연산의 규칙

자동 변환은 식 전체가 아니라 연산자 단위로 일어난다

정수와 실수가 섞이면 Fortran은 더 넓은 표현 범위인 실수 쪽으로 정수를 올려 변환한 뒤 계산한다. 다만 이 변환은 식 전체를 보고 한 번에 일어나지 않고, 연산자 좌우의 피연산자만 보고 단계적으로 일어난다 — 그래서 식의 일부분이 정수끼리 먼저 계산되는 함정이 생긴다

`real(i)`

정수 → 실수

`real(5) → 5.0`

`int(x)`

실수 → 정수, 0 방향으로 버림

`int(3.9) → 3`

`nint(x)`

실수 → 가장 가까운 정수, 반올림

`nint(3.9) → 4`

`cmplx(a, b)`

두 실수 → 복소수

`cmplx(1.0, 2.0) →
(1.0, 2.0)`

int 와 nint 는 다르다

`int(4.5)` 는 4 이지만 `nint(4.5)` 는 5 다. 목적에 맞는 함수를 정확히 골라야 한다.

정밀도는 kind 로 지정

`real(total)` 만 쓰면 단정밀도로 변환된다.
`real(total, real64)` 처럼 종류를 항상 명시한다

4.3 [예제]

도입 문제 2의 답 — 7 / 2 를 3.5 로

```
integer      :: total, count
real         :: avg_wrong
real(real64) :: avg_right

total = 7;  count = 2

avg_wrong = total / count           ! 3.0
avg_right = real(total, real64) / real(count, real64) ! 3.5
```

avg_wrong = 3.00000000

avg_right = 3.500000000000000000

왜 3.0 이 되는가

컴퓨터는 대입될 변수가 실수형이라는 사실을 전혀 고려하지 않는다. 오직 우변의 `total / count` 만 본다. 정수 $7 \div$ 정수 $2 =$ 정수 3 이 먼저 확정된 뒤 실수 방에 들어간다.

[흔한 실수] `real(7 / 2)`

3.5 가 아니라 3.0 이다. 괄호 안의 정수 나눗셈이 먼저 끝나기 때문이다. 나누기 전에 `real(7) / real(2)` 로 각각 변환해야 한다.

나누기 연산이 수행되기 전 단계에 형 변환 함수를 각각 적용한다.

4.4 수학 내장 함수

외부 라이브러리 없이 바로 쓴다

거듭제곱 · 로그

`sqrt(x)` 제곱근
`exp(x)` 지수 함수 e^x
`log(x)` 자연로그
`log10(x)` 상용로그

삼각 · 역삼각

`sin(x)` `cos(x)` `tan(x)`
`asin(x)` `acos(x)` `atan(x)`
`atan2(y, x)` 사분면 고려
인수 단위는 라디안

절댓값 · 부호 · 나머지

`abs(x)` 절댓값
`sign(a, b)` a 크기에 b 부호
`mod(a, p)` 나머지
`modulo(a, p)` 나머지

최대 · 최소 · 올림 · 버림

`max(a, b, ...)` 최댓값
`min(a, b, ...)` 최솟값
`floor(x)` / `ceiling(x)`
`aint(x)` / `anint(x)`

대부분의 내장 함수는 포괄(generic) 함수다 — 단정밀도를 넣으면 단정밀도가, 배정밀도를 넣으면 배정밀도가 그대로 돌아온다

.

4.4 [예제]

도입 문제 1의 답 — 근의 공식

$x^2 - 3x + 2 = 0$ 의 두 근을 $x = (-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}) / 2a$ 로 구한다

```
real(real64) :: a, b, c, disc, x1, x2

a = 1.0_real64; b = -3.0_real64; c = 2.0_real64

disc = b**2 - 4.0_real64 * a * c
x1 = (-b + sqrt(disc)) / (2.0_real64 * a)
x2 = (-b - sqrt(disc)) / (2.0_real64 * a)
```

```
discriminant = 1.0000000000000000      x1 = 2.0      x2 = 1.0
```

거듭제곱 ****** 은 곱셈보다 먼저 계산되므로 $b**2 - 4.0*a*c$ 에는 괄호가 필요 없다.

분모를 통째로 괄호로

괄호가 없으면 / 와 * 는 우선순위가 같아 왼쪽부터 계산된다. 분자를 2.0 으로 먼저 나눈 뒤 a 를 다시 곱하는, 수학적으로 완전히 틀린 식이 된다.

리터럴에도 _real64 를

식 안의 $4.0 \cdot 2.0$ 같은 상수에도 종류를 붙여야 연산 과정에서 정밀도가 떨어지지 않는다.

4.4 [예제]

mod 와 modulo 는 음수에서 갈린다

`mod(a, p)`

결과의 부호가 피제수 a 를 따른다

```
mod(7, 3)    = 1
mod(-7, 3)   = -1
```

`modulo(a, p)`

결과의 부호가 제수 p 를 따른다

```
modulo(7, 3)  = 1
modulo(-7, 3) = 2
```

양수끼리는 같다

두 인수가 모두 양수일 때는 계산 결과가 서로 일치한다.

언제 `modulo` 를 쓰나

시계 방향 순환이나 격자 배열의 주기적 인덱스처럼 결과를 항상 $0 \sim p-1$ 범위로 감싸야 할 때 쓴다.

시뮬레이션의 선택

주기성을 가지는 격자 모델이나 시뮬레이션 인덱스 계산에서는 일반적으로 `modulo` 가 적합하다.

4.4 [흔한 실수]

삼각함수의 인수는 라디안이다

sin(90.0) 은 1.0 이 아니다

Fortran의 모든 삼각함수는 '도(degree)'가 아니라 '라디안(radian)' 단위로 작동한다. sin(90.0) 이라고 쓰면 $\sin(90^\circ) = 1.0$ 이 아니라 90 라디안에 대한 사인 값이 계산된다.

각도를 쓰려면 변환식을 연산 안에 직접 포함한다

```
real(real64), parameter :: pi = 3.141592653589793_real64
real(real64) :: result

result = sin(90.0_real64 * pi / 180.0_real64)
```

변환 상수는 parameter 로

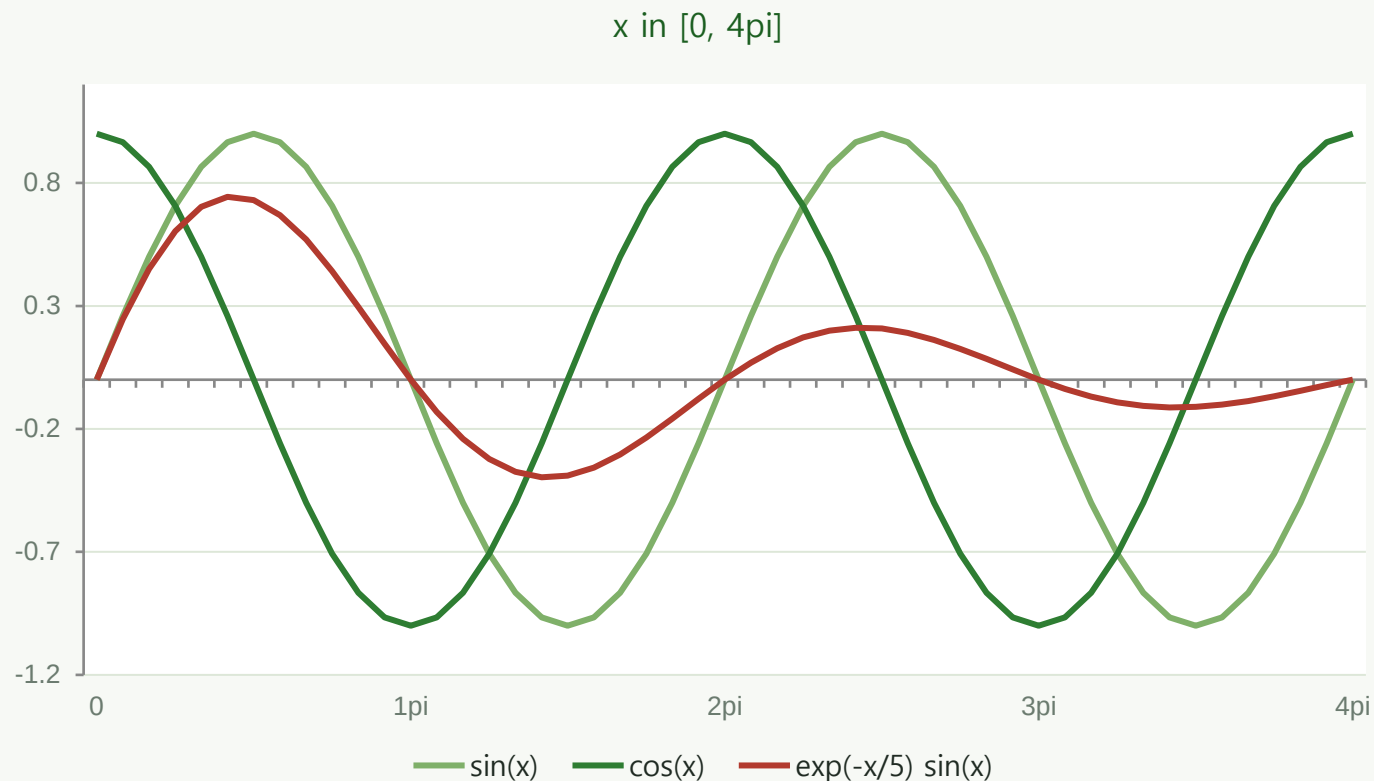
$\pi/180$ 을 명명 상수로 선언해 두면 식이 짧아지고, 값이 코드 곳곳에 흩어지는 매직 넘버를 막을 수 있다.

역삼각함수 asin · acos · atan 이 돌려주는 값도 라디안이다. atan2(y, x) 는 점 (x, y)가 놓인 사분면까지 고려해 올바른 각도를 준다

.

4.4 [예제]

Fortran이 계산하고 Python이 겹쳐 그린다



```
x = real(i,real64)/real(n,real64) &  
    * 4.0_real64 * pi  
f1 = sin(x)  
f2 = cos(x)  
f3 = exp(-x / 5.0_real64) * sin(x)
```

기본 파동

sin 과 cos 는 같은 진폭 1.0 을 유지한 채 정확히 $90^\circ(\pi/2)$ 위상 차를 두고 맞물려 흐른다.

감쇠 파동

지수 감쇠 성분이 곱해져 x 가 커질수록 진폭이 점진적으로 찾아든다.

산술 연산 · 거듭제곱 · 수학 함수를 모두 써서 격자점 위의 함수값을 생성하고 csv로 내보낸 뒤 파이썬으로 그렸다.

왜 $0.1 + 0.2$ 는 0.3 이 아닌가

컴퓨터는 모든 숫자를 2진법으로 바꾸어 저장한다. 2진수는 분모가 2의 거듭제곱인 분수만 유한소수로 깨끗하게 떨어진다.

$$0.5 = 1/2 \quad 0.1 \text{ (2진수)}$$

정확하게 표현된다

$$0.1 = 1/10 \quad 0.00011001100110011\dots \text{ (2진수)}$$

0011 이 무한히 반복된다

메모리는 32비트든 64비트든 항상 유한하다. 끝없이 이어지는 무한소수를 다 담을 수 없으므로, 컴퓨터는 가장 가까운 근사값에서 꼬리를 잘라 저장한다.

$0.1_real64 + 0.2_real64 = 0.30000000000000004$ ← IEEE 754 를 따르는 모든 언어(C, C++, Python, Java)의 공통 한계다.

실수를 == 로 비교하지 않는다

매우 위험한 코드

```
if (x == 0.3_dp) then
  ! x 가 0.300000000000000004 라면
  ! 이 조건은 거짓이 된다
```

미세한 근사값 오차 때문에, 논리적으로 참이어야 할 조건문이 거짓으로 판정되어 블록이 실행되지 않을 수 있다.

올바르고 안전한 코드

```
if (abs(x - 0.3_dp) < 1.0e-12_dp) then
  ! 차이가 허용 오차보다 작으면
  ! 사실상 '같다'고 판정한다
```

두 값의 차이를 뺀 뒤 절댓값을 취해, 아주 미세한 허용 오차(에프 실론)보다 작은지를 검증하는 방식으로 설계한다.

컴파일러도 경고해 준다 — -Wall -Wextra

```
Warning: Equality comparison for REAL(8) at (1) [-Wcompare-reals]
x = 0.300000000000000004      x == 0.3 : F      abs diff : 5.5511151231257827E-017
```

컴파일러는 훌륭한 감시자다

옵션을 켜 두면 번역 과정에서 인간이 미처 발견하지 못한 자료형의 모순이나 잠재적 버그를 찾아낸다.

[에러] 컴파일 단계에서 차단

```
integer :: n
n = 16
r = sqrt(n)      ! 정수를 넣을 수 없다
```

```
Error: 'x' argument of 'sqrt' intrinsic
      at (1) must be REAL or COMPLEX
```

제곱근은 연속적인 실수를 다루는 연산이다. $r = \sqrt{\text{real}(n)}$ 처럼
형 변환을 거쳐야 한다.

[경고] 통과하지만 런타임 버그

```
x = 0.1_real64 + 0.2_real64
print *, "x == 0.3 :", x == 0.3_real64
```

```
Warning: Equality comparison for REAL(8)
      at (1) [-Wcompare-reals]
```

경고는 컴파일을 막지 않는다. "이 비교문은 실행할 때 정상 작동
하지 않을 확률이 높다"는 신호다.

요약

연산자와 우선순위

- 산술 연산자는 $+$ $-$ $*$ $/$ $**$ 다섯 개. 나머지 연산자는 없고 `mod` / `modulo` 함수를 쓴다.
- 관계 연산자와 논리 연산자의 결과는 언제나 logical 이다.
- 우선순위: $** \rightarrow * / \rightarrow + - \rightarrow$ 관계 $\rightarrow$ `.not.` $\rightarrow$ `.and.` $\rightarrow$ `.or.` $\rightarrow$ `.eqv./neqv.`
- $**$ 는 오른쪽 결합이며($2**3**2 = 512$), $-2**2$ 는 $-(2**2) = -4$ 다.
- `mod` 는 피제수의 부호를, `modulo` 는 제수의 부호를 따른다.

형 변환과 함수

- 정수끼리의 $/$ 는 몫만 남긴다. 실수 결과가 필요하면 나누기 전에 변환한다.
- 변환 함수는 `real`($\rightarrow$ 실수) $\cdot$ `int`(버림) $\cdot$ `nint`(반올림) $\cdot$ `cmplx`($\rightarrow$ 복소수).
- 정밀도는 `real*8` 이 아니라 `iso_fortran_env` 의 `real64` 와 `kind` 로 지정한다.
- 삼각함수의 인수는 라디안이다.
- 실수는 `==` 로 비교하지 않고, 차이의 절댓값을 허용 오차와 비교한다.

한 줄 요약: 무엇이 먼저 계산되는지, 그리고 연산에 참여하는 자료형이 무엇인지를 항상 의식한다.

연습 문제

1 $a = 23$, $b = 4$ 에 대해 $a+b$, $a-b$, $a*b$, a/b , $\text{mod}(a,b)$, $a^{**}2$ 를 각각 출력하라.

2 7 과 2 의 정수 몫과 배정밀도 실수 나눗셈 결과를 출력하고 차이를 주석으로 설명하라.

3 $2+3*4$, $(2+3)*(4-5)$, $2^{**}2^{**}3$, $-3^{**}2$ 의 값을 손으로 예측한 뒤 프로그램으로 확인하라.

4 "65세 이상이거나 회원이면 할인 대상"을 하나의 논리식으로 만들어 결과를 출력하라.

5 $\text{int}(2.9)$, $\text{int}(-2.9)$, $\text{nint}(2.5)$, $\text{nint}(-2.5)$, $\text{floor}(-2.1)$, $\text{ceiling}(-2.1)$ 을 표로 정리하라.

6 $\text{mod}(-9, 4)$ 와 $\text{modulo}(-9, 4)$ 를 출력하고 부호가 다른 이유를 한 문장으로 설명하라.

7 섭씨 c 를 화씨로 변환해 출력하라. 정수 나눗셈 함정을 피하도록 모든 상수를 실수로 적을 것.

8 두 변 $a=3$, $b=4$ (배정밀도)로 빗변 $\text{sqrt}(a^{**}2 + b^{**}2)$ 의 길이를 구하라.

9 각도 deg 를 라디안으로 바꿔 $\sin$ - $\cos$ - $\tan$ 을 출력하라. $\pi/180$ 은 parameter 로 선언한다.

10 원금 p , 연이율 r , 기간 t 로 복리 원리합계 $p(1+r)^t$ 를 배정밀도로 계산하라.

다음 장에서는 제어 구조 — *if* 조건문과 *do* 반복문을 다룬다.